

Краткие решения задач олимпиады 5 класса

25 января 2026

Часть А

К каждой задаче необходимо указать ответ.

Решения приводить не требуется.

1. Часы убегают вперед на 20 секунд каждый час. Бабушка точно установила стрелки на этих часах 24 января в 12:00. Какое время они покажут ровно через сутки – 25 января в 12:00? (Фольклор)

Комментарий в аудиториях. За каждый прошедший час на правильных часах эти часы показывают, что прошел час и еще 20 сек.

Ответ. 12:08 **Решение.** Поскольку в сутках 24 часа, то по истечении этого времени часы убегут вперед на $24 \cdot 20$ сек = 8мин

2. Когда Петя прочитал то ли пятую, то ли шестую часть книги, ему осталось прочитать 40 страниц. Сколько страниц могло быть в книге? (С.В.Дворянинов) **Ответ.** 50 или 48

Комментарий в аудиториях. Укажите все возможные варианты.

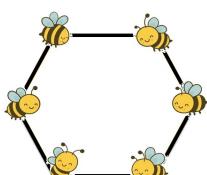
Решение. 40 страниц это либо 4/5, либо 5/6 частей от всей книги.

3. Некоторое двузначное число равно сумме 11 последовательных натуральных чисел. Что это за число может быть? Укажите все возможные варианты (С.В.Дворянинов)

Ответ. 66, 77, 88, 99

Решение. Заметим, что какая бы не была последовательность, она выглядит так: $n+1, n+2, \dots, n+11$, где n может быть любым целым от 0 и больше. То есть сумма равна $11n+66$. Очевидно, что каждого из чисел ответа есть пример.

4. В углах огромной 6-угольной соты со сторонами по 30 см сидели 6 пчёл: Ксения, Лея, Майя, Нина, Ося и Пыша. Где-то на краю этой же соты появился цветок, к которому по границам соты подползли все пчёлы, кроме Оси (он не двигался с места). Известно, что эти 5 пчёл суммарно проползли до цветка 2 метра (все двигались по кратчайшему расстоянию по краям соты). Какое расстояние по границам соты нужно проползти Осе до цветка? (Н.А.Михайловский) **Ответ.** 70см.



Решение. Если две пчелы сидят в диаметрально противоположных вершинах, то любая точка находится условно в одной половине соты и суммарное расстояние, если двигаться по границе для этих двух пчёл равно половине периметра соты, т.е. $(30\text{см} \cdot 6) : 2 = 90\text{см}$. Значит, если бы все приползли к цветку, то сумма расстояний была бы равна $270 = 2\text{м}70\text{см}$.

5. Есть 8 карточек: одна с цифрой 2, одна с цифрой 5 и шесть карточек с буквами Я,Н,В,А,Р,Я. На каждой карточке с буквой нужно написать цифру, отличную от 2 и 5 так, чтобы одинаковым буквам соответствовали одинаковые цифры, а разным – разные. Затем выложить все карточки в ряд, чтобы получить как можно меньшее число. Какие цифры нужно написать и какое число получится? (число не может начинаться с 0) (Е.Ю.Иванова) **Ответ.** Я=0; Н,В,А,Р – 1,3,4,6 в любом порядке.

Засчитывается любой из вариантов. **ЧИСЛО.** 10023456

Комментарий в аудиториях. Цель – получить как можно меньшее число. Какие цифры для достижения этой цели нужно написать.

6. Есть 5 карточек с числами 1,2,3,4,5. Четыре мудреца встали в круг, каждому выдали по 1 карточке из набора, а оставшуюся карточку спрятали. Каждый мудрец увидел свою карточку, а также заглянул к соседям и увидел их карточки. После чего каждый мудрец тут же сказал: «Разница моего числа и числа у любого соседа не меньше 2». Какую карточку могли спрятать? Укажите все возможные варианты.

Ответ. Только карточку с числом 3

(Н.А.Михайловский)

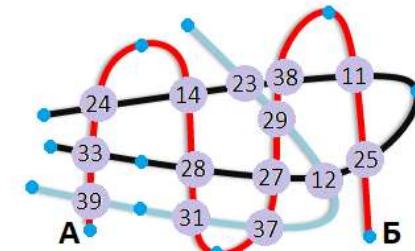
Решение. Если в круге есть карточка 3, то её соседями по условию могут быть только карточки с числами 1 и 5, но тогда на карточке мудреца напротив не может быть ни число 2, ни число 4, т.к. число на какой-то соседней карточке будет отличаться всего лишь на 1. Значит, число 3 на карточках мудрецов быть не могло, а расстановка чисел: 1 – 4 – 2 – 5 или 5 – 2 – 4 – 1.

7. Миша склеил из 888 одинаковых прямоугольников большой прямоугольник, как показано на рисунке (N – количество прямоугольников, уложенных горизонтально, M – количество прямоугольников, уложенных вертикально). Оказалось, что большой прямоугольник можно разрезать на 3 одинаковых квадрата. Найдите M и N (Н.А.Михайловский)

Ответ. $N=296$, $M=592$

Решение: Пусть a – длина короткой стороны прямоугольника, b – длина длинной. Тогда $b = Na$. Из условия $N+M=888$ и либо $3b=b+Ma$, либо $3(b+Ma)=b$. Второй вариант, очевидно, не подходит. Рассмотрим первый. Тогда сторона квадрата равна b . И поскольку всего маленьких прямоугольников использовано 888, то площадь одного квадрата равна $(888:3)$ площадей маленьких прямоугольников. То есть $b^2=296ab$. Откуда $b=296a$. И, следовательно $N=296$

8. В городе Ух метрополитен состоит из трёх веток, как на схеме. При этом по любой ветке можно кататься бесплатно, но пересадки платные (их стоимость указана на схеме). Виталик сел в метро на станции А и вышел на станции Б, прокатившись по всем станциям. Какое наименьшее количество денег он мог потратить? (Н.А.Михайловский) **Ответ.** 46



Решение: Поскольку Виталик начал и закончил путешествие на одной и той же ветке, то побывать на всех ветках и вернуться на начальную ветку можно так: 1-2-3-1 или 1-2-1-3-1 или 1-2-3-2-1, где «–» обозначены пересадки. Понятно, что второй маршрут будет дороже первого, так как он отличается лишь дополнительной пересадкой 1-3, что только увеличит стоимость. Поэтому нужно сравнить маршруты первый и третий. Узнаем станции с самым дешевым тарифом пересадки $1-2 = 11$; $1-3 = 29$; $2-3 = 12$. Проверяем: Первый маршрут стоит $11+12+29=52$. Третий: $11+12+12+11=46$.

9. Самый маленький Гном сообщил Белоснежке и остальным шести гномам, что участвовал в Олимпиаде 25.01.26, но некоторые поняли, что он участвовал в Олимпиаде прошлого года, а кто-то вообще не понял, что это за дата. Это произошло потому, что каждый из гномов по-своему записывает даты. У кого-то сначала год, потом месяц, потом день, у кого-то сначала день, потом год, потом месяц и т.п. Сосчитайте, сколько в промежутке с 1 января 2001 года по 31 декабря 2099 года таких дат, запись каждой из которых для всех шести гномов даст разные существующие даты? (Е.Ю.Иванова) **Ответ.** 1320

Решение. Поскольку перестановок день – месяц – год всеми возможными способами шесть, то чтобы все эти варианты были различны и имели смысл для каждого варианта, все три числа должны быть разные и не превосходить 12, так как месяцев только 12. Таким образом, вариантов всего $12 \times 11 \times 10 = 1320$.

10. В комнате собрались несколько рыцарей и лжецов. Каждый из присутствующих произнес ровно одну из 3 фраз:

«Среди людей в зале хотя бы 8 лжецов»;
«Среди людей в зале хотя бы 9 лжецов»;
«Среди людей в зале хотя бы 10 лжецов».

Оказалось, что все фразы были сказаны одинаковое число раз. Сколько рыцарей и лжецов могло быть в этой комнате? Укажите все возможные варианты. Рыцари всегда говорят правду, лжецы всегда лгут. (Н.А.Михайловский) **Ответ.** Лжецов 9 или 8, рыцарей 18 или 4

Комментарий в аудиториях. В комнате есть хотя бы 1 рыцарь и хотя бы 1 лжец.

Решение. Заметим, что если лжецов 10 или больше, то все три фразы из условия верны, значит сказаны рыцарями. Наши 10 лжецов ничего не сказали? Этот вариант невозможен. Если лжецов ровно 9, то первые две фразы сказаны рыцарями, только третью могли говорить лжецы (которых 9). Значит, по условию, каждая фраза была сказана по 9 раз. Поэтому рыцарей $9 \times 2 = 18$. Если лжецов ровно 8, то рыцари говорили первую фразу, лжецы – вторую и третью. Они, по условию, были сказаны одинаковое число раз, то есть вторая и третья фразы были сказаны по $8:2=4$ раза. Поэтому рыцарей 4. Если лжецов 7 или меньше, то все три фразы ложны, значит, сказаны лжецами. По условию это невозможно, так как рыцари присутствовали в комнате.

(Для интересующихся). Можно, несмотря на условие, всё же рассмотреть случай без рыцарей. Тогда каждая из 3 фраз была сказана одинаковым количеством

лжецов. Причём это количество меньше 3, т. к. $3 \times 3 = 9$, но, по предположению, лжецов не больше 7. Значит, это могло быть 2, 1 или 0. Соответственно, в комнате либо 6 лжецов, либо 3, либо комната вообще была пуста (и каждую фразу сказали 0 раз).

Часть Б

В этой части кроме ответа требуется привести решение.

1. Лена написала натуральное число. Оказалось, что если сложить в числе все цифры 2, то сумма будет равна количеству цифр в этом числе, а если сложить все цифры 1, то получится число, которое в 2 раза меньше количества цифр в этом числе. Сколько цифр 3 может быть в числе Лены? (Н.А.Михайловский) **Ответ.** 0

Решение. Заметим, что из условия следует, что цифр 2 в два раза меньше, чем цифр в числе и столько же цифр 1. То есть число состоит только из цифр 1 и 2.

2. Совунья вписала в углах квадрата по числу. После этого ? ? состоялся такой разговор:

Нюша: «Сумма двух чисел на левой стороне квадрата 16».

Крош: «Сумма двух чисел на правой стороне квадрата 13».

Бараш: «Сумма двух чисел на верхней стороне квадрата 14»

Ёжик: «Сумма двух чисел на нижней стороне квадрата равна 17».

Докажите, что хотя бы один из Смешариков ошибся. (О.С.Леонтьева)

Решение. Предположим противное – пусть не ошибся никто, тогда сумма чисел Нюши и Кроша дают сумму всех чисел. Аналогично сумма чисел Бараша и Ёжика. Но у первых это 29, а у вторых – 31. Противоречие.

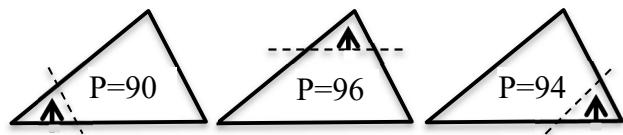
3. К берегу подошли 7 Гномов и 3 Белоснежки. Им нужно переправиться на другой берег. У берега стоит двухместная лодка с одной парой вёсел; на каждом рейсе лодку может вести любой из находящихся в ней (ровно один), грести умеют все. Напишите последовательность переправ, после которой все окажутся на другом берегу, причём никто не должен грести более двух раз за всю переправу, и эти два раза не должны идти подряд; Белоснежки могут грести не более одного раза (К.А.Кноп)

Ответ. Например, может быть такая последовательность:

Сначала переправляются **Г1+Г2**, гребёт **Г1**. **Г2** перегоняет ложку обратно. Потом переправляется **Г2+Г3**, **Г3** гребёт туда, **Г1** обратно перегоняет лодку. Затем **Г4+Г1**, гребет **Г4**, **Г3** перегоняет обратно. **Г5+Г3**, **Г4** обратно. **Г6+Г4**, **Г5** обратно. **Г7+Г5**, **Г2** обратно. Теперь на левом берегу **Б1, Б2, Б3, Г2**, на правом все остальные. При этом **Г2** грести уже не может, а у **Г6** и **Г7** есть еще по одной возможности. Поэтому теперь **Б1+Г2**, гребет Белоснежка, обратно **Г6**, затем **Б2+Г6** гребет **Б2**, обратно **Г7** и последний рейс **Б3+Г7**, гребет **Б3**.

4. Было 3 одинаковых треугольника с периметром 100. Никита от разных углов отрезал от них по маленькому треугольнику так, что маленькие треугольники тоже оказались равны, а периметр оставшихся

четырехугольников указаны на рисунке. Найдите периметр получившихся маленьких треугольников. (Н.А.Михайловский)



Ответ. 20

Комментарий в аудиториях:

Стрелки показывают, как нужно положить треугольники, чтобы они совпали.

Решение. Поскольку каждый раз треугольники отрезаются разной стороной, то сумма длин разрезов = периметру маленького треугольника. Сложим все периметры: $90+P+96+P+94+P=$ Три периметра исходного треугольника + $2P$, так как каждый разрез считается дважды. Тогда $3P+280=300+2P$. Откуда $P=20$

5. У Старейшины есть 13 карточек с числами от 1 до 13. Он выдал по одной карточке двум мудрецам и сказал, что разница между выданными числами равна 4. После чего мудрецы мгновенно воскликнули: «Я не знаю число другого мудреца». Что за числа были у мудрецов? (Н.А.Михайловский, К.А.Кноп) **Ответ.** 5 и 9.

Решение. Заметим, что ни у одного из мудрецов не могли быть карточки с числами 1,2,3,4,10,11,12,13. Т.к. иначе второе число восстанавливается однозначно, и мудрецы не могли так воскликнуть. Значит, нам нужно выбрать два числа с разностью 4 среди чисел 5,6,7,8,9. Но это только 5 и 9.

Критерии:

Каждый правильный ответ в части А стоит 2 балла. В некоторых задачах можно было получить 1 балл за неполный ответ. В части Б оценивается решение – от 0 до 5 баллов.

Результаты письменного тура будут опубликованы *после 24 февраля* на нашем сайте. <http://mathbaby.ru>

Устный тур планируется 23 марта. Место пока определяется. На него будут приглашены участники, показавшие высокий результат на письменном туре.

Набор в наши классы начнется с 1 марта в школах:

- Школа 2086
- Покровский квартал
- Школа 1273
- Школа 1210

Работают подготовительные кружки

Творческая Лаборатория «ДваждыДва»

Творческая Лаборатория «ДваждыДва» – содружество преподавателей, студентов, аспирантов и просто математиков, обеспокоенных состоянием математического образования в России и мире. Мы хотим, чтобы наши дети росли любознательными, заинтересованными, грамотными, истараемся по мере сил этому содействовать. За много лет работы мы создали систему обучения детей математике с 1 по 11 класс. Она включает в себя матклассы, олимпиады различного уровня, разнообразные кружки.



Наше самое главное отличие от других систем – через обучение математике осознанный взгляд на мир.

Кроме олимпиад мы проводим выездные математические школы для всех классов. Школы проводятся в период каникул, а также майских праздников. Кроме того, мы проводим мини-школы или школы выходного дня. Ближайшая выездная школа планируется **в Менделеево с 21 февраля по 1 марта** (1-7кл).

Апрельская школа в Подмосковье – **с 28 марта по 5 апреля** – 1-5 кл.

Параллельно с апрельской школой пройдет тренинг-семинар для преподавателей математики.

Майская школа в Подмосковье – **с 29 апреля по 8 мая** – 1-8 кл.

В период **со 2 по 7 мая** в Подмосковье пройдет Турнир обучающих матбоев для 5-6 классов

Летняя школа в Подмосковье (3 смены) – **с 1 июня по 2 июля** – 0-7 кл.

Летняя школа в Подмосковье – **с 28 июля по 21 августа** – для 6-10 классов.

Две смены для 4-5 классов в Подмосковье – **с 26 июля по 6 августа и 8-20 августа**.

Большое внимание мы уделяем также нашим математическим классам на базе разных школ Москвы. В прошлом наши ученики завоевали более десятка золотых медалей на международных олимпиадах по математике и физике, информатике, астрономии, а также разнообразные призы и награды на других соревнованиях России и других стран. Не только старшеклассники получают награды на соревнованиях высокого уровня. Наши школьники показывают высокие результаты на турнирах матбоев, Математическом Празднике и других Олимпиадах.

Более подробно со всеми направлениями нашей работы вы можете ознакомиться на сайте <https://mathbaby.ru/> и в телеграм-канале <https://t.me/lab2x2>